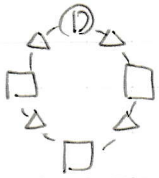
(2) 解答.

余事象を考える. 求める確率の余事象は「子音が隣り合わない」

Ⓓを固定して考えると、

子音が隣り合わないようにするには、

□に子音, △に母音が入るとき.



□の入れ方は, H, K₁, K₂ で 3! (通り)

△の入れ方は A, I, O₁, O₂ の 4! (通り)　余事象の確率は $\frac{3!\cdot 4!}{7!} = \frac{3\cdot 2\cdot 1}{7\cdot 6\cdot 5} = \frac{1}{35}$

よって求める確率は, $1-\frac{1}{35} = \frac{34}{35}$

---

(3) 考え方

条件付き確率は「〜〜のとき〜〜の確率を求めよ」のとき

$\frac{P(\sim\sim)}{P(\sim\sim)}$ で解けることが多い. (全てではない)

$P(\sim\sim)$ は(2)より $\frac{34}{35}$　$P(\sim\sim)$ を求めないといけない.

Point 条件つき確率

Aが起こったときに

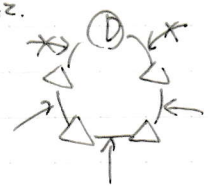
Bが起こる確率 $P_A(B)$ は

$P_A(B) = \frac{P(A\cap B)}{P(A)}$

K_1, K_2 が隣り合う ⇒ ひとまとまりで考える.

Point 隣り合う順列 → ひとまとまりで考える.

Ⓓを固定すると.



←のところに (H) または (K₁,K₂) をいれる.

↔は Ⓓ と隣り合うから X.

←の選び方は ${}_3C_2$ 通り　←に (K₁,K₂), (H) をいれる入れ方は 2通り

K_1, K_2 の入れかえ 2通り

△の母音の並び方 4! 通り

よって $\frac{4!\cdot {}_3C_2\cdot 2\cdot 2}{7!} = \frac{8\cdot 3\cdot 2\cdot 2}{7\cdot 6\cdot 5} = \frac{2}{35}$

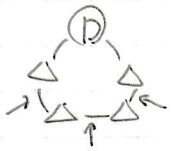
$P(\sim\sim) = \frac{2}{35}$ となって計算できる.

(3) 解答.

$P(A)$ = 隣り合う子音が存在する.

$P(B)$ = 隣り合う子音がKKだけである. とすると. $P_A(B) = \frac{P(A\cap B)}{P(A)}$　$P(A\cap B) = P(B)$ より求める確率は $\frac{P(B)}{P(A)}$

K_1, K_2 をひとまとまりとして. Ⓓを固定すると.



←の所に (K₁,K₂) が (H) を入れればよい.　←の選び方は ${}_3C_2 = 3$ (通り)

(K₁,K₂), (H) の入れ方が 2! (通り)

K_1, K_2 の入れかえが 2! (通り)

△の母音の入れ方が 4! (通り)

よって $P(B) = \frac{4!\cdot {}_3C_2\cdot 2!\cdot 2!}{7!} = \frac{2}{35}$　$P(A)$ は(2)より $P(A) = \frac{34}{35}$

$\therefore P_A(B) = \frac{P(A)}{P(B)} = \frac{2}{34} = \frac{1}{17}$